

تمرینهای زیر را حل کنید و جواب را پیش خود نگه دارید. زمان تحویل کل تمرینها به صورت یکجا آخر ترم است.

۵. نمونه‌ای تصادفی از قیمت کالایی در ۴۹ فروشگاه تهران دارای میانگین ۱۵۰ و انحراف معیار ۱۴ تومان بوده است. میانگین قیمت این کالا با ضریب اطمینان ۹۵ درصد در چه فاصله‌ای قرار می‌گیرد؟
۶. در یک نمونه تصادفی ۳ تایی از کارمندان یک شرکت، حقوق ماهیانه پرداختی ۹۱، ۸۹ و ۹۰ هزار تومان بوده است. یک فاصله اطمینان ۹۰ درصد برای میانگین حقوق کارمندان این شرکت به دست آورید.
۷. از جامعه‌ای با توزیع غیرنرمال، نمونه‌ای متشکل از  $n=25$  مشاهده با میانگین  $\bar{X}=100$  و انحراف معیار  $\sigma=25$  تهیه شده است. یک فاصله اطمینان ۹۵ درصد برای میانگین جامعه به دست آورید.
۸. اگر بخواهیم متوسط درآمد خانوارها را در سطح معنی‌دار  $\alpha=0.05$  و حداکثر خطای ۰/۰۱ در یک شهر تخمین بزنیم، به فرض اینکه واریانس جامعه برابر ۰/۲۵ باشد، حجم نمونه‌ی لازم را بیابید.
۹. کمیت تصادفی  $X$  بر طبق قانون نرمال با واریانس  $\sigma^2=16$  توزیع شده است. برای ارزیابی پارامتر  $\mu$ ، نمونه‌ای به حجم  $n=64$  انتخاب و تخمین امید ریاضی  $\bar{X}=120$  به دست آمده است. حداکثر خطای حدی با احتمال ۹۵ درصد چه قدر است؟
۱۰. یک تست شیمی استاندارد شده به ۵۰ دختر و ۷۵ پسر داده شده، میانگین نمره‌ی دخترها ۷۶ و انحراف معیار نمره‌های آنها ۶ شده است. حال آنکه میانگین نمره‌ی پسرها ۸۲ با انحراف معیار ۸ است. فاصله‌ی اطمینان ۹۵ درصد برای اختلاف  $\mu_1 - \mu_2$  به دست آورید، با فرض اینکه در آن  $\mu_1$  میانگین نمره پسرها و  $\mu_2$  میانگین نمره تمام دخترهایی باشد که این درس را می‌گیرند.